

Le langage Python

1. Introduction

Python est un langage de programmation objet interprété. Son origine est le langage de script du système d'exploitation Amoeba (1990).

❖ **Pour** résumer Python en quatre points forts.

- **Qualité** : L'utilisation de Python permet de produire facilement du code évolutif et maintenable et offre les avantages de la programmation orientée-objet.
- **Productivité** : Python permet de produire rapidement du code compréhensible en reléguant nombre de détails au niveau de l'interpréteur.
- **Portabilité** : La disponibilité de l'interpréteur sur de nombreuses plates-formes permet l'exécution du même code sur un PDA ou un gros système
- **Intégration** : L'utilisation de Python est parfaitement adaptée l'intégration de composants écrit dans un autre langage de programmation (C, C++, Java avec Jython). Embarquer un interpréteur dans une application permet l'intégration de scripts Python au sein de programmes.

❖ Quelques caractéristiques intéressantes :

- langage interprété (pas de phase de compilation explicite)
- pas de déclarations de types (déclaration à l'affectation)
- gestion automatique de la mémoire (comptage de références)
- programmation orienté objet, procédural et fonctionnel
- par nature dynamique et interactif
- possibilité de générer du byte-code (améliore les performances par rapport à une interprétation perpétuelle)
- interactions standards (appels systèmes, protocoles, etc.)
- intégrations avec les langages C et C++

❖ Python, comme la majorité des langages dit de script, peut être utilisé aussi bien en mode interactif qu'en mode script / programme. Dans le premier cas, il y a un dialogue entre l'utilisateur et l'interprète : les commandes entrées par l'utilisateur sont évaluées au fur et à mesure. Pour une utilisation en mode script les instructions à évaluer par l'interprète sont sauvegardées, comme n'importe quel programme informatique, dans un fichier. Dans ce second cas, l'utilisateur doit saisir l'intégralité des instructions qu'il souhaite voir évaluer à l'aide de son éditeur de texte favori, puis demander leur exécution à l'interprète. Les fichiers Python sont identifiés par l'extension **.py**.

2. Calcul avec python :

```
>>>a=10 # affectation de la valeur 10 à la variable a
>>> a, b, c,d=2 , 4, 12, 'abc' # affectation au même temps les valeurs 2, 4, 12 et 'abc' aux variables a,
b, c et d
>>> print('a= ',a," b= ",b," c= ",c," d= ",d)
      ('a= ', 2, ' b= ', 4, ' c= ', 12, d='abc'
>>> e=2*a+b
>>> e
8
```

Les opérateurs mathématiques:

- + : addition numérique ou concaténation des chaînes de caractères
- : soustraction
- * : multiplication
- / : division

// : division entière
 % : reste de la division
 ** : puissance

Exemple :

```
>>> a=22    # a entier
>>> b=10    # b entier
>>> a+b
32
>>> a-b
12
>>> a*b
220
>>> a/b
2
>>> a//b
2
>>> a%b
2
>>> a**2
484
```

```
>>> a=22.0  # a réel
>>> b=10.0  # b réel
>>> a+b
32.0
>>> a-b
12.0
>>> a*b
220.0
>>> a/b
2.2
>>> a//b
2.0
>>> a%b
2.0
>>> a**2
484.0
```

```
>>> s1='abc'
>>> s2='2am'
>>> s=s1+s2
>>> s
'abc2am'
>>> s3=2*s1+3*s2
>>> s3
'abcabc2am2am2am'
>>> s3=s1*2+s2*4
>>> s3
'abcabc2am2am2am2am'
```

3. Les entrées Sorties (Lecture /Ecriture) :**3.1 La fonction print :**

Pour afficher une variable ou un message on utilise la fonction print :

```
>>>a=10
>>>print(a)
10
>>>print(' a = ',a)
a =10
>>>b=2*a
>>>print(" a vaut ",a, " et son double b vaut ",b)
a  vaut  10 et son double vaut 20
>>>print("c\'est un message")
C'est un message
Pour afficher plusieurs messages :
>>>print("Bonjour","à","tous ")
Bonjouràtous
On peut remplacer le séparateur des chaines par un espace ou
autre caractère :
>>> print("Bonjour", "à", "tous", sep ="*")
Bonjour*à*tous
>>> print("Bonjour", "à", "tous", sep =")")
Bonjouràtous
```

3.2 La fonction input :

La plupart des scripts élaborés nécessitent à un moment ou l'autre une intervention de l'utilisateur (entrée d'un paramètre, clic de souris sur un bouton, etc.). Dans un script en mode texte (comme ceux que nous avons créés jusqu'à présent), la méthode la plus simple consiste à employer la fonction intégrée **input()**. Cette fonction provoque une interruption dans le

programme courant. L'utilisateur est invité à entrer des caractères au clavier et à terminer avec `<Enter>`.

On peut invoquer la fonction `input()` en laissant les parenthèses vides. On peut aussi y placer en argument un message explicatif destiné à l'utilisateur. Exemple :

```
prenom = input("Entrez votre prénom : ")
print("Bonjour,", prenom)
print("Veuillez entrer un nombre positif quelconque : ", end=" ")
ch = input()
nn = int(ch)          # conversion de la chaîne en un nombre entier
print("Le carré de", nn, "vaut", nn**2)
```

Remarque : La fonction `input()` renvoie toujours un entier ou un réel, pour lire une chaîne de caractère, on utilise la fonction `raw_input`.

Exemple :

```
>>> b=input(" Entrer une valeur : ")
    Entrer une valeur : 14
>>> type(b)
<type 'int'>
>>> b=input(" Entrer une valeur : ")
    Entrer une valeur : 12.5
>>> type(b)
<type 'float'>
>>> b=input(" Entrer une valeur : ")
    Entrer une valeur : bonjour
Traceback (most recent call last):
  File "<pyshell#36>", line 1, in <module>
    b=input(" Entrer une valeur ")
  File "<string>", line 1, in <module>
NameError: name 'bonjour' is not defined
>>> b=raw_input(" Entrer une valeur : ")
    Entrer une valeur : bonjour
>>> type(b)
<type 'str'>
>>> b=raw_input(" Entrer une valeur :")
    Entrer une valeur : 21
>>> type(b)
<type 'str'>
```

Remarque : pour convertir, en entier ou en réel, une variable lue avec `raw_input`, on utilise les fonctions `int()` ou `float()`

Exemple :

```
>>> b=raw_input(" Entrer une valeur :")
    Entrer une valeur :21
>>> type(b)
<type 'str'>
>>> c=b+b
>>> print(c)
2121
```

```
>>> b1=int(b)
>>> c=b1+b1
>>> print(c)
42
>>> b2=float(b)
>>> c=b2+b2
>>> print(c)
42.0
```

4. Variables

4.1 Définition :

Une variable est une zone de la mémoire dans laquelle on stocke une valeur; cette variable est définie par un nom. (pour l'ordinateur, il s'agit en fait d'une adresse :une zone de la mémoire).

Les noms de variables sont des noms que vous choisissez. Ce sont des suites de lettres (non accentuées) ou de chiffres. Le premier caractère est obligatoirement une lettre. (Le caractère _ est considéré comme une lettre). Python distingue les minuscules des majuscules.

4.2 Noms de variables et mots réservés :

Un nom de variable ne peut pas être un mot réservé du langage :

and	Assert	break	class	continue	def	del	elif	else	except
exec	Finally	for	from	global	if	import	in	is	lambda
not	Or	pass	print	raise	return	try	while	yield	

4.3 Type de variable

Le type d'une variable correspond à la nature de celle-ci.

Les 3 types principaux dont nous aurons besoin sont : les **entiers**, les **flottants** et les **chaines de caractères**.

Il existe de nombreux autres types (e.g. **complex** pour les nombres complexes), c'est d'ailleurs un des gros avantages de Python.

4.4 Déclaration et assignation

En python, la déclaration d'une variable et son assignation (c.à.d. la première valeur que l'on va stocker dedans) se fait en même temps.

```
>>> a=10 # 10 est une valeur entière
>>> a
10
>>> print(a)
10
```

Dans cet exemple, nous avons stocké un entier dans la variable a, mais il est tout a fait possible de stocker des réels ou des chaines de caractères :

```
>>> a=3.28 # 3.28 est une valeur réelle
>>> a
3.28
>>> a="bonjour" # 'bonjour' est une chaine de caractères
>>> a
```

```
'bonjour'
```

4.5 La fonction type

La fonction type permet de retourner le type d'une variable

Syntaxe : type(nom_de_lavariable)

Exemples :

```
>>> a=10
>>> type(a)
<type 'int'>
>>> a=10.0
>>> type(a)
<type 'float'>
>>> a="bonjour"
>>> type(a)
<type 'str'>
```

```
>>> a=[]
>>> type(a)
<type 'list'>
>>> a={}
>>> type(a)
<type 'dict'>
>>> a=()
>>> type(a)
<type 'tuple'>
```

5. Les tests et les boucles :

5.1 Les tests : l'instruction if ... else ou if elif.....else

Syntaxe1:

```
>>> if condition1:
    Action1 si condition vraie
    Action2 si condition vraie
    .....
Else:
    Action1 si condition fausse
    Action1 si condition fausse
    .....
```

syntaxe2 :

```
>>> if condition1:
    Action1 si condition1 vraie
    Action2 si condition1 vraie
    .....
Elif condition2: # si condition1 fausse
    Action1 si condition2 vraie
    Action1 si condition2 vraie
    .....
Else:
    Action1 si condition2 fausse
    Action1 si condition2 fausse
    .....
```

Exemple :

```
>>> a = 0
>>> if a > 0 :
...     print("a est positif")
...     elif a < 0 :
...         print("a est négatif")
...     else:
...         print("a est nul")
```

```
>>> a = 0
>>> if a > 0 :
...     print("a est positif")
...     elif a < 0 :
...         print("a est négatif")
...     else:
...         print("a est nul")
...         print(" oui a est nul")
```

Les opérateurs de comparaison :

```
x == y      # x est égal à y
x != y      # x est différent de y
x > y       # x est plus grand que y
x < y       # x est plus petit que y
x >= y      # x est plus grand que, ou égal à y
x <= y      # x est plus petit que, ou égal à y
```

Exercices :

Exercice1 : Résoudre l'équation $ax^2+bx+c=0$

Exercice2 : Ecrire un programme qui lit trois variables et retourne leur max.

5.2 Les boucles :

La boucle while :

L'instruction `while` ("tant que", en français) permet d'exécuter une boucle tant qu'une condition est vraie.

Syntaxe : `variable=VI` # la variable prend une valeur initiale (VI)

While Variable différente d'une valeur finale (VF) : # tant que la condition est vraie

Instruction1 # exécution de l'instruction 1

linstruction2 # exécution de l'instruction 2

..... #exécution de l'instruction n

Incrément/décément # variable= ± pas

Rque : si $VI > VF$ on décrémente sinon on incrémente

Exemple :

```
i = 1 # i vaut 1 la valeur initiale(VI)=1
print("valeur de i avant la boucle" , i)
while i <= 10: #ici la valeur finale (VF)=10
    print("valeur de i dans la boucle" , i)
    i = i + 1 # on décrémente i d'un pas de 1
print("valeur de i après la boucle" , i)
```

Résultat :

('valeur de i avant la boucle', 1)

('valeur de i dans la boucle', 6)

('valeur de i dans la boucle', 1)

('valeur de i dans la boucle', 7)

('valeur de i dans la boucle', 2)

('valeur de i dans la boucle', 8)

('valeur de i dans la boucle', 3)

('valeur de i dans la boucle', 9)

('valeur de i dans la boucle', 4)

('valeur de i dans la boucle', 10)

('valeur de i dans la boucle', 5)

('valeur de i apr\xe8s la boucle', 11)

Un exemple de calcul d'intérêts composés:

```
taux = 0.03
capital = 1000.0
annee = 2014
```

```
while annee < 2020:
    annee = annee + 1
    capital = capital * (1 + taux)
print(annee, capital)
```

La boucle For : On est souvent amené à faire des boucles pour énumérer les éléments d'une liste ou d'une séquence :

Syntaxes :

For Variable in range(VI,VF,pas) :

```
Instruction1 # exécution de l'instruction 1
Instruction2 # exécution de l'instruction 2
..... # exécution de l'instruction n
```

For Variable in sequence :

```
Instruction1 # exécution de l'instruction 1
Instruction2 # exécution de l'instruction 2
..... # exécution de l'instruction n
```

Si VI<VF : le pas est positif sinon le pas est négatif

Exemples :

```
>>> for i in range(1,10):
    print(i)
```

```
1
2
3
4
5
6
7
8
9
```

```
>>> for i in range(1,10):
    print(i,end=" ")
```

```
1 2 3 4 5 6 7 8 9
```

```
>>> for i in range(10,0,-1):
    print(i,end=" ")
```

```
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
```

```
>>> for i in range(10,0,-1):
    print(i)
```

```
10
9
8
7
6
5
4
3
2
1
```

```
>>> S=[5,2,4,7,8,12]
>>> for i in S:
    print(i)
```

```
5
2
4
7
8
12
```

```
>>> S="Bonjour"
>>> for i in S:
    print(i)
```

```
B
o
n
j
o
u
r
```

5.3 Les instructions break et continue

Il est possible de sortir d'une boucle avec l'instruction `break`. Cette instruction est très pratique pour tester une condition d'arrêt qui dépend d'une valeur entrée. Par exemple:

```
somme = 0
while True:
    n = int(input("Entrez un nombre (0 pour arrêter): "))
    if n == 0:
        break
    somme = somme + n
print("La somme des nombres est", somme)
```

Ce qui donne à l'écran :

```
Entrez un nombre (0 pour arrêter): 1
Entrez un nombre (0 pour arrêter): 7
Entrez un nombre (0 pour arrêter): 12
Entrez un nombre (0 pour arrêter): 0
La somme des nombres est 20
```

La fonction **continue** : retourne directement au début de la boucle, ce qui permet d'éviter des tests de condition inutiles

Exemple :

```
nb=9
while nb!=0:
    nb=input("Entrer 0 , 1, 2 ou 3? ")
    if nb==1:
        print("Choix un");
        continue
    if nb==2:
        print("Choix deux");
        continue
    if nb==3:
        print("Choix trois")
```

Exécution

```
>>>
Entrer 0, 1, 2 ou 3 ? 1
Choix un
Entrer 0, 1, 2 ou 3 ? 2
Choix deux
Entrer 0, 1, 2 ou 3 ? 3
Choix un
Entrer 0, 1, 2 ou 3 ? 0
Choix trois
Entrer 0, 1, 2 ou 3 ? 1
```

Exercices :

Exercice1 : Ecrire un programme en python qui lit deux variables a et b puis échange leurs valeurs.

Exercice2 : Ecrire un programme en python qui affiche les termes de la suite définie par :

$$u_0=1, u_1=1 ; u_n=2* u_{n-1}+3*u_{n-2};$$

1. En utilisant la boucle while
2. En utilisant la boucle for
3. En utilisant la boucle dowhile

Exercice3: Ecrire un programme en python qui affiche les 20 premiers multiples de 7 :

1. En utilisant la boucle while
2. En utilisant la boucle for
3. En utilisant la boucle dowhile

6. Structures de base

6.1. Commentaires

Comme dans la majorité des langages de script, les commentaires Python sont définis à l'aide du caractère #. Qu'il soit utilisé comme premier caractère ou non, le # introduit un commentaire jusqu'à la fin de la ligne. Comme toujours, les commentaires sont à utiliser abondamment avec parcimonie. Il ne faut pas hésiter à commenter le code, sans pour autant mettre des commentaires qui n'apportent rien. Le listing suivant présente une ligne de commentaire en Python.

```
>>> # ceci est un commentaire

>>> print ('il s'agit d'un commentaire en python') #ceci est un commenataire

    il s'agit d'un commentaire en python
```

Les commentaires introduits par # devraient être réservés aux remarques sur le code en sa mise en œuvre.

6.2. Les listes

6.2.1. Définition

Une liste est une structure de données de types différents

6.2.2. Création

Pour créer une liste, on utilise des crochets :

```
>>> L=[] # première façon de créer une liste vide
>>>L=list() # une autre façon de créer une liste vide
>>>L =[1,2,5,3,2,1,5,2] #création d'une liste des entiers
>>>L =list((1,2,5,3,2,1,5,2)) #une autre façon de créer d'une liste d'entiers
>>> L
[1, 2, 5, 3, 2, 1, 5, 2]
>>>L=[1,5,'a','m','abc',12.25] # liste des valeurs de types différents (ici : entier,
caractère, chaîne de caractères et réels).
```

Avec range : Pour créer des listes d'entiers en progression arithmétique, on peut utiliser la méthode **range** :

```
>>> L1 = range(7) # Liste des entiers de 0 à 7
>>> L1
[0, 1, 2, 3, 4, 5, 6]
>>>L2= range(2,7) # Liste des entiers de 2 à 6 (6=7-1)
>>>L2
[2, 3, 4, 5, 6]
>>>L3= range(2,17,2) # Liste des entiers de 2 à 16 avec un pas de 2
>>>L3
[2, 4, 6, 8, 10, 12, 14, 16]
```

6.2.3. Éléments et indice :

NB : On se souviendra que le premier élément d'une liste est l'élément d'indice **0**.

L3	élément	2	4	6	8	10	12	14	16
	indice	0	1	2	3	4	5	6	7
		-8	-7	-6	-5	-4	-3	-2	-1

6.2.4. Accès aux éléments d'une liste :

```
>>>L3[0]
    2
```

```
>>>L[4]
10
>>>L[-5]
8
```

On peut accéder à un élément avec sa position, et le modifier :

```
>>>L=[4,5,12.0,'a','abc']
>>>L
[4,5,12.0,'a','abc']
>>>L[0]
4
>>> L[0] = 7
>>> L
[7,5,12.0,'a','abc']
```

Par contre si la liste est vide on peut pas lui affecter une valeur dans une position quelconque :

Exemple :

L1=[]

L1[0]=12 ; # refusé par l'interpréteur

On écrit : L1.append(12)

6.2.5. Accès au dernier élément de la liste :

La fonction **len** renvoie la longueur d'une liste :

```
>>> len(L)
6
```

Donc si on peut atteindre le dernier élément de **L**, on peut procéder ainsi :

```
>>> n = len(L)
>>> print L[n-1]
'abc'
```

En se rappelant que, puisque l'on commence à 0, le dernier élément est $n-1$.

Une autre méthode consiste à utiliser une particularité de la syntaxe python : **L[-1]** représente le dernier élément.

```
>>> print L[-1]
'abc'
```

Tranche d'une liste : On peut extraire facilement des éléments d'une liste :

```
>>> L = range(1,10)
>>> L
[1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9]
>>> L[3:6]
[4, 5, 6]
```

6.2.6. Les méthodes d'une liste

Count : Pour compter le nombre d'occurrences d'un élément dans une liste.

```
>>> M = [1, 2, 3, 1, 2, 3, 1, 2, 3]
>>> M.count(1)
3
```

Extend : Soient **M** et **L** deux listes. **M.extend(L)** est équivalent à **M = M + L** (concaténation de deux listes).

```
>>> M = [1,2,3]
>>> L = [4,5,6]
>>> M.extend(L)
>>> M
[1, 2, 3, 4, 5, 6]
Remarque: on peut écrire: M=M+L
```

index**L.index(x)** retourne l'indice de la première occurrence de l'élément **x** dans la liste **L** :

```
>>> L = [13, 2, 3, 1, 2, 3, 1, 2, 3, 'a']
>>> L.index(13)
0
>>> L.index(3)
2 # retourne l'indice de la première valeur rencontrée
```

insert**L.insert(n,x)** insère l'élément **x** dans la liste **L**, en position **n** :

```
>>> L = [13, 2, 3, 18, 2, 3, 1, 2, 3, 'a']
>>> L.index(18)
3
>>> L.insert(3,1234)
>>> L
[13, 2, 3, 1234, 18, 2, 3, 1, 2, 3, 'a']
>>> L.index(18)
4
```

pop**L.pop()** retourne le dernier élément de la liste **L**, et le supprime de **L** :

```
>>> L
[13, 2, 3, 1234, 18, 2, 3, 1, 2, 3, 'a']
>>> L.pop()
'a'
>>> L
[13, 2, 3, 1234, 18, 2, 3, 1, 2, 3]
```

Cela peut aussi s'appliquer à un autre élément, dont l'indice est passé en argument :

```
>>> L
[13, 2, 3, 1234, 18, 2, 3, 1, 2, 3]
>>> L.pop(3) # supprime l'élément d'indice 3
1234
>>> L
[13, 2, 3, 18, 2, 3, 1, 2, 3]
```

Remove : L.remove(x) supprime la première occurrence de l'élément **x** dans la liste **L** :

```
>>> L
[13, 2, 3, 18, 2, 3, 1, 2, 3]
>>> L.remove(3) # supprimer la valeur 3 de la liste
>>> L
[13, 2, 18, 2, 3, 1, 2, 3]
```

Reverse Renverse la liste.

```
>>> L
[13, 2, 18, 2, 3, 1, 2, 3]
>>> L.reverse()
>>> L
[3, 2, 1, 3, 2, 18, 2, 13]
```

Sort : Trie la liste.

```
>>> L
[3, 2, 1, 3, 2, 18, 2, 13]
>>> L.sort()
>>> L
```

```
[1, 2, 2, 2, 3, 3, 13, 18]
```


The image shows three screenshots of a Python interpreter window. Each screenshot shows a list of string methods available for the string 'Bonjour tout le monde'. The first screenshot shows 'capitalize' selected. The second screenshot shows 'ljust' selected. The third screenshot shows 'rsplit' selected.

Méthode	
Split() : découpe une chaîne en une liste de mots	S= "Bonjour tout le monde " LS=S.split() donne LS=['Bonjour','tout',' ','monde']
Join(liste de chaînes) : concatène une liste de chaînes en chaîne unique	>>> S1="-" >>> S="Bonjour Tout Le Monde" >>> S3=S1.join(S) >>> print(S3) B-o-n-j-o-u-r- -T-o-u-t- -L-e- -M-o-n-d-e >>> S4=S1.join(['Bonjour','tout','le','monde']) >>> print(S4) Bonjour-tout-le-monde >>> S5= «' ' '.join(['Bonjour','tout','le','monde']) >>> print(S5) Bonjour tout le monde
Find(sous chaîne) : donne la position d'une sous chaîne dans une chaîne	>>> f=S.find('tout') >>> f donne -1 # la sous chaîne n'existe pas >>> f=S.find('Tout') >>> print(f) donne 8
Count(sous chaîne) : donne le nombre le nombre d'apparition d'une sous chaîne dans une chaîne	>>> f=S.count('tout') >>> f donne 0 # la sous chaîne n'existe pas >>> f=S.count('Tout') >>> print(f) donne 1
Lower() : convertit une chaîne en miniscule	>>> print(S) donne Bonjour Tout Le Monde >>> Sm=S.lower() >>> print(Sm) bonjour tout le monde
upper() : convertit une chaîne en majuscule	>>> Sm=S.upper() >>> print(Sm) bonjour tout le monde
capitalize() : convertit la 1 ^{ère} lettre d'une chaîne en majuscule.	>>> SM=S.capitalize() >>> print(SM) donne BONJOUR TOUT LE MONDE
title() : convertit tous les 1 ^{er} lettres des mots d'une chaîne en majuscule.	>>> t=S.title() >>> print(t) donne Bonjour Tout Le Monde
Swapcase() : intervertit les lettres majuscules et minuscules	>>> tt=t.swapcase() >>> print(tt) donne BONJOUR tOUT IE MONDE
Strip() : supprime les espaces blancs en début en en fin de la chaîne	>>> ss=" bonjour tout le monde" >>> sss=ss.strip() donne "bonjour tout le monde"
Replace() : remplace une sous chaîne par une autre	>>> s1=S.replace('Tout Le Monde','la compagnie') >>> print(s1) donne Bonjour la compagnie
Index(sous chaîne) : retourne la position de la sous chaîne dans une chaîne	>>> S="Bonjour" >>> S.index('j') 3 >>> S.index('njour') 2
Center(nombre) : centrer la chaîne sur nombre caractères	>>> print(S.center(40)) Bonjour └──────────┘ 40 caractères
Format() : remplace un format dans une	>>> s1="Voici {0}chaîne à {1} trous."

chaîne	<pre>>>> print(s1) Voici {0}chaîne à {1} trous. >>> print(s1.format("une ", 2)) Voici une chaîne à 2 trous. >>> print("a{0}cada{0}".format("bra")) abracadabra</pre>
Les fonctions isupper() et islower() : Testent si une sous chaîne est majuscule ou minuscule	<pre>>>> print(s1.isupper()) False >>> print(s1.islower()) False >>> print("BONJOUR".isupper()) True</pre>

7. Les Tableaux et les matrices

Nous allons voir comment créer des tableaux avec la fonction **array()** de NumPy. Ces tableaux pourront être utilisés comme des vecteurs ou des matrices grâce à des fonctions de NumPy. Les fonctions (**dot()**, **det()**, **inv()**, **eig()**,etc.) permettent de réaliser des calculs matriciels utilisés en algèbre linéaire.

```
>>> import numpy as np
```

7.1 Les Tableaux à une ou plusieurs dimension : **np.array()**

Pour créer des tableaux, nous allons utiliser la fonction **array()** de la bibliothèque **numpy**.

7.1.1 Tableaux monodimensionnels (1D)

Pour créer un tableau 1D, il suffit de passer une liste de nombres en argument de **array()**. Une liste est constituée de nombres séparés par des virgules et entourés de crochets ([]).

```
>>> T = array([4,7,9])
>>> T
array([4, 7, 9])
>>> print(T)
[4 7 9]
```

Pour connaître le type du résultat de **array()**, on peut utiliser la fonction **type()**.

```
>>> type(a)
<type 'numpy.ndarray'>
```

On constate que ce type est issu du package numpy. Ce type est différent de celui d'une liste.

```
>>> type([4, 7, 9])
<type 'list'>
```

Tableaux bidimensionnels (2D) :

Pour créer un tableau 2D, il faut transmettre à **array()** une liste de listes grâce à des crochets imbriqués.

```
>>> T = array([[1, 2, 3], [4, 5, 6]])
```

```
>>> T
array([[1, 2, 3],
       [4, 5, 6]])
```

La fonction `size()` : La fonction `size()` renvoie le nombre d'éléments du tableau.

```
>>> T1 = array([2, 5, 6, 8])
>>> size(T1)
4
>>> T2 = array([[1, 2, 3],
               [4, 5, 6]])
>>> size(T2)
6
```

La fonction `shape()`

La fonction `shape()` (*forme*, en anglais) renvoie la taille du tableau.

```
>>> T1 = array([2, 5, 6, 8])
>>> shape(T1)
(4,)
>>> T2 = array([[1, 2, 3],
               [4, 5, 6]])
>>> shape(T2)
(2, 3)
```

On distingue bien ici que T1 et T2 correspondent à des tableaux 1D et 2D, respectivement.

Produit terme à terme

Il est possible de réaliser un produit terme à terme grâce à l'opérateur `*`. Il faut dans ce cas que les deux tableaux aient la même taille.

```
>>> T1 = array([[1, 2, 3],
               [4, 5, 6]])
>>> T2 = array([[2, 1, 3],
               [3, 2, 1]])
>>> T1*T2
array([[ 2,  2,  9],
       [12, 10,  6]])
```

Produit matriciel - `dot()`

Un tableau peut jouer le rôle d'une matrice si on lui applique une opération de calcul matriciel. Par exemple, la fonction `dot()` permet de réaliser le produit matriciel.

```
>>> T1 = array([[1, 2, 3],
               [4, 5, 6]])
>>> T2 = array([[4],
```

```

        [2],
        [1]])
>>> dot(T1,T2)
array([[11],
       [32]])

```

Le produit d'une matrice de taille $n \times m$ par une matrice $m \times p$ donne une matrice $n \times p$.

Transposé :

```

>>> a.T
array([[1, 4],
       [2, 5],
       [3, 6]])

```

Complexe conjugué - conj()

```

>>> u = array([[ 2j, 4+3j],
               [2+5j, 5  ],
               [ 3, 6+2j]])
>>> conj(u)
array([[ 0.-2.j,  4.-3.j],
       [ 2.-5.j,  5.+0.j],
       [ 3.+0.j,  6.-2.j]])

```

Transposé complexe conjugué :

```

>>> conj(u).T
array([[ 0.-2.j,  2.-5.j,  3.+0.j],
       [ 4.-3.j,  5.+0.j,  6.-2.j]])

```

Tableaux et slicing

Lors de la manipulation des tableaux, on a souvent besoin de récupérer une partie d'un tableau. Pour cela, Python permet d'extraire des *tranches* d'un tableau grâce une technique appelée **slicing** (tranchage, en français). Elle consiste à indiquer entre crochets des indices pour définir le début et la fin de la *tranche* et à les séparer par deux-points :

```

>>> a = array([12, 25, 34, 56, 87])
>>> a[1:3]
array([25, 34])

```

Dans la tranche $[n:m]$, l'élément d'indice n est inclus, mais pas celui d'indice m . Un moyen pour mémoriser ce mécanisme consiste à considérer que les limites de la tranche sont définies par les numéros des positions situées entre les éléments, comme dans le schéma ci-dessous :

Il est aussi possible de ne pas mettre de début ou de fin.

```

>>> a[1:]
array([25, 34, 56, 87])
>>> a[:3]
array([12, 25, 34])

```

```
>>> a[:]  
array([12, 25, 34, 56, 87])
```

Slicing des tableaux 2D

```
>>> a = array([[1, 2, 3],  
              [4, 5, 6]])  
  
>>> a[0,1]  
2  
  
>>> a[:,1:3]  
array([[2, 3],  
       [5, 6]])  
  
>>> a[:,1]  
array([2, 5])  
  
>>> a[0,:]  
array([1, 2, 3])
```

Warning

`a[:,n]` donne un tableau 1D correspondant à la colonne d'indice `n` de `a`. Si on veut obtenir un tableau 2D correspondant à la colonne d'indice `n`, il faut faire du slicing en utilisant `a[:,n:n+1]`.

```
>>> a[:,1:2]  
array([[2],  
       [5]])
```

Tableaux de 0 - zeros()

`zeros(n)` renvoie un tableau 1D de `n` zéros.

```
>>> zeros(3)  
array([ 0.,  0.,  0.])
```

`zeros((m,n))` renvoie tableau 2D de taille `m x n`, c'est-à-dire de *shape* `(m,n)`.

```
>>> zeros((2,3))  
array([[ 0.,  0.,  0.],  
       [ 0.,  0.,  0.]])
```

Tableaux de 1 - ones()

```
>>> ones(3)  
array([ 1.,  1.,  1.])  
  
>>> ones((2,3))  
array([[ 1.,  1.,  1.],  
       [ 1.,  1.,  1.]])
```

Matrice identité - eye()

eye(n) renvoie tableau 2D carré de taille n x n, avec des *uns* sur la diagonale et des *zéros* partout ailleurs.

```
>>> eye(3)
array([[ 1.,  0.,  0.],
       [ 0.,  1.,  0.],
       [ 0.,  0.,  1.]])
```

Exercice

Effectuer le produit suivant :

[Math Processing Error]

Produire un tableau de taille 7 x 8 ne contenant que des 3.

Algèbre linéaire

Déterminant - det()

```
>>> a = array([[1, 2],
              [3, 4]])
>>> det(a)
-2.0
```

Inverse - inv()

```
>>> a = array([[1, 3, 3],
              [1, 4, 3],
              [1, 3, 4]])
>>> inv(a)
array([[ 7., -3., -3.],
       [-1.,  1.,  0.],
       [-1.,  0.,  1.]])
```

Valeurs propres et vecteurs propres - eig()

```
>>> A = array([[ 1,  1, -2 ], [-1,  2,  1], [ 0,  1, -1]])
>>> A
array([[ 1,  1, -2],
       [-1,  2,  1],
       [ 0,  1, -1]])
>>> D, V = eig(A)
>>> D
array([ 2.,  1., -1.])
>>> V
```

```
array([[ 3.01511345e-01, -8.01783726e-01,  7.07106781e-01],
       [ 9.04534034e-01, -5.34522484e-01, -3.52543159e-16],
       [ 3.01511345e-01, -2.67261242e-01,  7.07106781e-01]])
```

Les colonnes de V sont les vecteurs propres de A associés aux valeurs propres qui apparaissent dans D.

Exercice : Vérifier que les colonnes de V sont bien des vecteurs propres de A

Changement de la taille d'un tableau

Il est possible de changer la taille d'un tableau en utilisant l'attribut **shape** de ce tableau.

```
>>> u = arange(1,16)
>>> u
array([ 1,  2,  3,  4,  5,  6,  7,  8,  9, 10, 11, 12, 13, 14, 15])
>>> shape(u)
(15,)
>>> u.shape = (3,5)
>>> u
array([[ 1,  2,  3,  4,  5],
       [ 6,  7,  8,  9, 10],
       [11, 12, 13, 14, 15]])
>>> shape(u)
(3, 5)
```

Obtention d'un tableau 2D ligne ou colonne

```
>>> a = arange(1,6)
>>> a
array([1, 2, 3, 4, 5])
>>> a.shape = (1,size(a))
>>> a
array([[1, 2, 3, 4, 5]])
>>> a.shape = (size(a),1)
>>> a
array([[1],
       [2],
       [3],
       [4],
       [5]])
```